# УДК 621.317.7.027.3; 621.319.027.3 ТЕОРИЯ СВЕРХБЫСТРОГО ВКЛЮЧЕНИЯ МОП-ТРАНЗИСТОРОВ В.В. Тогатов, П.А. Гнатюк, Д.С. Терновский

Рассмотрен режим сверхбыстрого включения высоковольтного МОП-транзистора, при котором время переключения прибора не превышает единиц наносекунд. Дано объяснение механизма сверхбыстрого включения, предложена его математическая модель. Приведены результаты прямых экспериментов, под-тверждающих механизм сверхбыстрого включения.

**Ключевые слова:** МОП-транзистор, высоковольтная техника, импульсная техника, техника наносекундного диапазона, электрооптический затвор.

#### Введение

При формировании высоковольтных импульсов напряжения с наносекундным фронтом используются электронные коммутаторы, построенные на основе различных физических механизмов [1, 2]. В последнее время появилась информация о разработке высоковольтных модуляторов с наносекундным фронтом, построенных на основе высоковольтных МОП-транзисторов [3]. Известно, что типовые времена включения этих транзисторов составляют десятки наносекунд, в то время как фронт импульсов напряжения на выходе модуляторов не превышает единиц наносекунд. В известной нам литературе объяснения механизма такого быстрого включения МОП-транзисторов не дано. Данная статья посвящена анализу режима сверхбыстрого включения МОПтранзистора и его реализации при включении полевого прибора.

### Анализ режима сверхбыстрого включения

Проанализируем процесс включения МОП-транзистора, работающего в активном режиме, когда темп нарастания тока стока  $i_D$  и его установившееся значение ограничиваются самим транзистором, а не внешней цепью. На рис. 1 показана схема включения МОП-транзистора Q с омической нагрузкой  $R_L$  в стоке в цепь постоянного напряжения  $V_{\rm H}$ . Схема дополнена элементами  $L_D$  и  $L_S$ , учитывающими индуктивности выводов транзистора и токоподводящих дорожек в цепях стока и истока. На схеме также показаны межэлектродные емкости  $C_{\rm GS}$ ,  $C_{\rm GD}$  и  $C_{\rm DS}$ . Здесь и далее используются следующие сокращения для обозначения индексов: G – Gate (затвор), D – Drain (сток), S – Source (исток), T – Transistor (транзистор), L – Load (нагрузка), H – High (высокое напряжение), In – Input (входное напряжение), Out – Output (выходное напряжение), F – Forward (прямое напряжение), R – Reverse (обратное напряжение), Del – Delay (задержка), Th – Threshold (пороговое напряжение), Sat – Saturation (режим насыщения), St – Steady (установившееся значение).

На затвор транзистора подаются прямоугольные импульсы напряжения  $V_{\text{In}}$  с амплитудой  $V_{\text{F}}$ , причем предполагается, что к моменту прихода импульса на затворе имелось отрицательное смещение  $V_{\text{GS}} = -V_{\text{R}}$ . В режиме максимального быстродействия будем считать источник входного напряжения идеальным источником ЭДС.

На этапе задержки емкость  $C_{GS}$ , заряженная к моменту включения до обратного напряжения  $V_R$ , резонансно перезаряжается через индуктивность в цепи истока  $L_S$ . Если напряжение, подаваемое в цепь затвора, равно  $V_F$  и сопротивление в цепи затвора близко к нулю, то ток истока в момент окончания задержки ( $t = t_{Del}$ ) оказывается равным

$$i_{\rm S}(t_{\rm Del}) = \sqrt{\frac{C_{\rm GS}}{L_{\rm S}}} \left[ (V_{\rm F} + V_{\rm R})^2 - (V_{\rm F} - V_{\rm Th})^2 \right] \,. \tag{1}$$

Здесь  $V_{\text{Th}}$  – пороговое напряжение, определяющее момент окончания задержки  $V_{\text{GS}}(t_{\text{Del}}) = V_{\text{Th}}$ . Как будет показано ниже, увеличение тока  $i_{\text{S}}(t_{\text{Del}})$  принципиально важно для реализации режима сверхбыстрого включения МОП-транзистора.



Рис. 1. Схема включения МОП-транзистора Q с омической нагрузкой *R*<sub>L</sub> в стоке в цепь постоянного напряжения *V*<sub>H</sub>

После окончания этапа задержки начинается рост тока стока. При анализе процесса включения будем использовать кусочно-линейную аппроксимацию передаточной характеристики МОП-транзистора. Согласно этой аппроксимации, ток транзистора  $i_{\rm T}$  равен

$$i_{\rm T} = \begin{cases} 0, \ V_{\rm GS} \leq V_{\rm Th} \\ S (V_{\rm GS} - V_{\rm Th}), \ V_{\rm GS} > V_{\rm Th} \end{cases},$$

где S – крутизна транзистора,  $V_{GS}$  – напряжение на емкости  $C_{GS}$ . В стационарном режиме ток  $i_T$  равен токам стока  $i_D$  и истока  $i_S$ . Согласно принятой аппроксимации, ток  $i_T$  определяется только напряжением  $V_{GS}$  на емкости  $C_{GS}$  и не зависит от токов в емкостях  $C_{GD}$  и  $C_{DS}$ . Их влияние на ток стока  $i_D(t)$  будет рассмотрено ниже. При выводе переходной характеристики тока  $i_T(t)$  воспользуемся следующими соотношениями:

$$\begin{split} V_{\rm F} = V_{\rm GS} + V_{LS} \,, \ V_{LS} = L_{\rm S} \frac{di_{\rm S}}{dt} \,, \ V_{\rm GS} = V_{\rm Th} + \Delta V_{\rm GS} \,, \\ i_{\rm S} = i_{\rm T} + i_{\rm GS} \,, \ i_{\rm T} = S \Delta V_{\rm GS} \,, \ i_{\rm GS} = C_{\rm GS} \frac{d\Delta V_{\rm GS}}{dt} \,. \end{split}$$

В этих выражениях  $\Delta V_{GS}$  – превышение напряжения  $V_{GS}$  над пороговым  $V_{Th}$ ,  $V_{LS}$  – напряжение на индуктивности истока  $L_S$ . Комбинируя эти выражения, получим уравнение, определяющее переходную характеристику тока  $i_T(t)$  МОП-транзистора:

$$\frac{d^2 \Delta V_{\rm GS}}{dt^2} + \frac{S}{C_{\rm GS}} \frac{d\Delta V_{\rm GS}}{dt} + \frac{1}{L_{\rm S} C_{\rm GS}} \Delta V_{\rm GS} = \frac{V_{\rm F} - V_{\rm Th}}{L_{\rm S} C_{\rm GS}} \ . \tag{2}$$

Сформулируем начальные условия задачи, используя законы коммутации для емкостной и индуктивной цепей:

$$\Delta V_{\rm GS}(0) = 0 \quad , \tag{3}$$

$$\frac{d\Delta V_{\rm GS}}{dt}(0) = \frac{i_{\rm S}(t_{\rm Del})}{C_{\rm GS}} .$$

$$\tag{4}$$

Решая уравнение (2) с начальными условиями (3), (4) и переходя затем к току  $i_{\rm T}(t) = S\Delta V_{\rm GS}(t)$ , получим:

$$i_{\rm T}(t) = I_{\rm F} - e^{-\delta t} \left[ I_{\rm F} \left( \operatorname{ch} \gamma t + \frac{\delta}{\gamma} \operatorname{sh} \gamma t \right) - \frac{2\delta}{\gamma} i_{\rm S}(t_{\rm Del}) \operatorname{sh} \gamma t \right].$$
(5)

В этом выражении  $\delta = \frac{S}{2C_{GS}}$ ,  $\gamma = \sqrt{\delta^2 - \frac{1}{L_S C_{GS}}}$ ,  $I_F = S(V_F - V_{Th})$  – установившееся

значение тока. При выводе уравнения (5) за начало отсчета (t = 0) принят момент окончания этапа задержки  $t_{\text{Del}}$ .

Выражение (5) можно существенно упростить, если использовать приближенное равенство  $\gamma = \frac{S}{2C_{GS}} - \frac{1}{SL_S}$ . При этом для значений параметров, характерных для мощ-

ных полевых приборов, ошибка в определении  $\gamma$  будет заведомо ниже 1 %. Пренебрегая также членами второго порядка малости, приходим к следующему выражению для тока транзистора:

$$i_{\rm T}(t) = I_{\rm F} \left( 1 - e^{-\frac{t}{SL_{\rm S}}} \right) + i_{\rm S}(t_{\rm Del}) e^{-\frac{t}{SL_{\rm S}}} .$$
(6)

Из выражения (б) следует, что при t = 0 ток  $i_{\rm T}$  скачком увеличивается до значения  $i_{\rm S}(t_{\rm Del})$ . Этот результат является принципиальным, так как определяет режим сверхбыстрого включения МОП-транзистора. Физический смысл такого режима заключается в том, что до тех пор, пока ток стока не достигнет величины  $i_{\rm S}(t_{\rm Del})$ , отрицательная обратная связь, обусловленная индуктивностью  $L_{\rm S}$ , в приборе отсутствует.

Уравнение (6) правильно отражает факт наличия процесса сверхбыстрого включения. Вместе с тем вытекающее из этого уравнения скачкообразное изменение тока іт в момент t = 0 является идеализацией реального процесса быстрого роста тока. Механизм роста тока стока на этапе сверхбыстрого включения определяется обратной связью по току  $i_{\rm T}$ , которая реализуется в соответствии с выражением  $i_{\rm GS} = i_{\rm S} - i_{\rm T}$ , где  $i_{\rm GS}$  – ток в емкости C<sub>GS</sub>. Из-за индуктивного характера цепи истока ток истока i<sub>S</sub> на начальной стадии роста тока  $i_{\rm T}$  меняется незначительно, оставаясь близким к  $i_{\rm S}(t_{\rm Del})$ . Следовательно, по мере роста тока  $i_{\rm T}$  ток  $i_{\rm GS}$  соответственно уменьшается. Это приводит к замедлению темпа роста напряжения  $V_{GS}$ , а, значит, и тока  $i_T = S\Delta V_{GS}$ . Как только ток  $i_T$ достигнет величины тока истока  $i_{\rm S}(t_{\rm Del})$ , заряд емкости  $C_{\rm GS}$  прекратится, что приведет к прекращению роста тока іт. В дальнейшем токи стока и истока изменяются синхронно с постоянной времени  $\tau = SL_S$ . Это изменение может происходить в сторону как повышения, так и снижения тока  $i_{\rm T}$  в зависимости от величины напряжения  $V_{\rm GS}$  в момент ограничения тока  $i_T$  на уровне  $i_S(t_{Del})$  ( $t = t_0$ ). Если  $V_{GS}(t_0) > V_F - V_{Th}$ , то ток  $i_T$  снижается с постоянной времени  $\tau = SL_S$  от  $i_S(t_{Del})$  до  $S(V_F - V_{Th})$ . В противном случае происходит аналогичное увеличение тока стока до той же величины.

Определим влияние емкостей затвор–сток  $C_{GD}$  и сток–исток  $C_{DS}$  (рис. 1) на переходную характеристику тока стока  $i_D(t)$ , исходя из следующих равенств:

$$\begin{split} i_{\rm D} &= i_{\rm T} + i_{\rm DS} - i_{\rm GD} \,, \ i_{\rm GD} = C_{\rm GD} \, \frac{dV_{\rm GD}}{dt} \,, \ i_{\rm DS} = C_{\rm DS} \, \frac{dV_{\rm DS}}{dt} \,, \\ V_{\rm GD} &= V_{\rm F} - V_{\rm H} + R_{\rm L} i_{\rm D} \,, \ V_{\rm DS} = V_{\rm H} - R_{\rm L} i_{\rm D} \,. \end{split}$$

В двух последних равенствах пренебрегли напряжениями на индуктивностях стока и истока, которые в высоковольтных схемах малы по сравнению с напряжением на нагрузке. После элементарных преобразований получим:

$$\frac{di_{\rm D}}{dt} + \frac{1}{R_{\rm L} (C_{\rm GD} + C_{\rm DS})} i_{\rm D} = \frac{1}{R_{\rm L} (C_{\rm GD} + C_{\rm DS})} i_{\rm T} , \qquad (7)$$

где  $i_{\rm T}(t)$  определено в (5). Начальное условие задачи – нулевое:

 $i_{\rm D}(0) = 0$ .

Можно, проинтегрировав уравнение (7), получить его точное решение. Однако на этапе сверхбыстрого включения, не превышающего нескольких наносекунд, в качестве первого приближения определим реакцию тока стока  $i_{\rm D}(t)$  на скачок тока  $i_{\rm T} = i_{\rm S}(t_{\rm Del}) = {\rm const}$ :

$$i_{\rm D} = i_{\rm S} (t_{\rm Del}) \left[ 1 - e^{-\frac{t}{R_{\rm L}(C_{\rm GD} + C_{\rm DS})}} \right].$$
 (8)

Как следует из выражения (8), для реализации режима сверхбыстрого включения емкости  $C_{\rm GD}$  и  $C_{\rm DS}$  должны быть минимальны.

В ряде применений имеет место включение МОП-транзистора на емкостную нагрузку  $C_L$ , например, на электрооптический затвор. В этом случае переходная характеристика выходного напряжения будет представлена в виде

$$V_{\text{Out}}(t) = \frac{1}{C_{\text{L}} + C_{\text{GD}} + C_{\text{DS}}} \int_{0}^{t} i_{\text{T}} dt \quad .$$
(9)

Если, как и в случае омической нагрузки, в качестве первого приближения переходной характеристики принять реакцию выходного напряжения  $V_{\text{Out}}(t)$  на скачок тока  $i_{\text{T}} = i_{\text{S}}(t_{\text{Del}}) = \text{const}$ , то придем к линейному росту выходного напряжения:

$$V_{\text{Out}}\left(t\right) = \frac{i_{\text{S}}\left(t_{\text{Del}}\right)}{C_{\text{L}} + C_{\text{GD}} + C_{\text{DS}}}t \quad .$$

$$(10)$$

Возможность реализации режима сверхбыстрого включения МОП-транзистора подтверждена нами прямыми экспериментами. В схеме, приведенной на рис. 2, исследовался процесс включения высоковольтного МОП-транзистора  $Q_2$  (STP8NK100) на омическую нагрузку  $R_L = 20$  Ом при напряжении источника питания  $V_H = 600$  В.



Рис. 2. Схема включения высоковольтного МОП-транзистора  $Q_2$  с омической нагрузкой  $R_L$  в стоке в цепь постоянного напряжения  $V_H$ .  $Q_1 - IRF7416, Q_2 - STP8NK100, U_1 - IXDN409SI$ 

На рис. З приведены четыре осциллограммы включения транзистора  $Q_2$ . При снятии всех осциллограмм на затвор транзистора подавались импульсы прямого напряжения с равной амплитудой  $V_F = 6,5$  В. При этом напряжения отрицательного смещения на затворе в момент включения были различны и равны 0, 5, 10 и 18 В. Во всех четырех случаях транзистор работал в активном режиме без захода в режим насыщения. Каждая

из осциллограмм имеет два явно выраженных участка. Первый – режим сверхбыстрого включения, не превышающий 2–4 нс, второй – установление стационарного состояния с постоянной  $SL_s$ . На первых двух осциллограммах в период установления происходит рост тока стока, на двух последних – снижение до установившегося значения  $(i_D)_{st}$ . Это означает, что в первых двух случаях ток истока в конце этапа задержки  $i_s(t_{Del})$  ниже установившегося значения  $(i_D)_{st}$ , а в двух последних превосходит установившееся значение.



Рис. 3. Осциллограммы тока при включении транзистора Q2 (STP8NK100) на омическую нагрузку *R*<sub>L</sub> = 20 Ом

На рис. 4 приведена осциллограмма включения того же транзистора на нагрузку 40 Ом при напряжении источника 600 В, прямом затворном напряжении  $V_{\rm F} = 6$  В и отрицательном смещении 18 В. Как видно из осциллограммы, ограничение тока в схеме осуществляется при токе стока  $(i_{\rm D})_{\rm Sat} = 14,5$  А, а установившееся значение тока стока в активном режиме работы  $(i_{\rm D})_{\rm Sat} = 7$  А. Значение тока истока в момент окончания задержки  $i_{\rm S}(t_{\rm Del})$ , рассчитанное по формуле (1), составляет 16,6 А. Поскольку  $i_{\rm S}(t_{\rm Del}) > (i_{\rm D})_{\rm Sat}$ , то на этапе сверхбыстрого включения происходит ограничение тока стока на уровне  $(i_{\rm D})_{\rm Sat}$ , т.е. осуществляется переход транзистора в режим насыщения. Это состояние поддерживается до тех пор, пока емкость  $C_{\rm GS}$  не разрядится до напряжения, соответствующего току  $(i_{\rm D})_{\rm Sat}$ . Начиная с этого момента, транзистор переходит в активный режим, и ток стока с постоянной  $SL_{\rm S}$  снижается до установившегося значения  $(i_{\rm D})_{\rm St} = 7$  А.

На рис. 4 приведена также осциллограмма тока стока при включении того же транзистора на нагрузку 40 Ом при прямом затворном напряжении, равном пороговому напряжению  $V_{\rm F} = V_{\rm Th} = 4,7$  В и отрицательном смещении 18 V. В рамках общепринятых представлений ток стока в этом режиме по определению должен быть близок к нулю. В то же время, как видно из осциллограммы, амплитуда импульса тока стока составила 11 А, что может быть объяснено только в рамках концепции сверхбыстрого включения. Значение тока истока в момент окончания задержки  $i_{\rm S}(t_{\rm Del})$ , рассчитанное по формуле (1), оказалось равным 15,7 А, что хорошо согласуется с результатом эксперимента.



Рис. 4. Осциллограммы тока при включении транзистора Q2 (STP8NK100) на омическую нагрузку *R*<sub>L</sub> = 40 Ом

Таким образом, рассмотренные экспериментальные зависимости на рис. 3–4 хорошо укладываются в концепцию сверхбыстрого включения МОП-транзистора.

Режим сверхбыстрого включения использован нами при создании высоковольтных модуляторов для управления электрооптическими затворами [4]. Импульсы напряжения, формируемые этими модуляторами, при амплитуде 2–6 кВ характеризуются длительностью фронта 2–4 нс.



Рис. 5. Расчет переходных характеристик тока стока при включении МОП-транзистора Q2 (STP8NK100) на омическую нагрузку *R*<sub>L</sub> = 20 Ом

Для проверки предложенной математической модели проведен расчет переходных характеристик тока стока МОП-транзистора  $i_D(t)$  в тех же режимах, что и в рассмотренном эксперименте (рис. 5). Ток стока находился в результате решения уравнения (7), в котором в качестве  $i_T(t)$  использовалось выражение (5). Значения параметров транзистора STP8NK100 при расчете приняты следующими:  $C_{\rm GS} = 2,4$  нФ,  $C_{\rm GD} + C_{\rm DS} = 100$  пФ,  $L_{\rm S} = 5$  нГн,  $V_{\rm Th} = 5$  В, S = 7 А/В. Из сравнения кривых на рис. 3 и 5 следует, что расчетные и экспериментальные кривые хорошо согласуются как по форме, так и по порядку измеряемых величин. Некоторое различие сравниваемых кривых вполне объясняется ограничениями принятой модели МОП-транзистора.

## Заключение

Показано, что в процессе включения МОП-транзистора в общем случае реализуются два режима: режим сверхбыстрого включения, не превышающий нескольких наносекунд, и режим медленного включения с постоянной установления  $SL_S$ . Временной границей этих режимов является момент времени, когда величина тока стока (точнее, тока  $i_T$ ) достигает величины тока истока.

Установлено, что за счет предварительной накачки тока в индуктивности истока, осуществляемой по цепи затвора, максимальный ток стока в режиме сверхбыстрого включения может достигать десятков ампер.

Справедливость механизма сверхбыстрого включения и его математической модели подтверждены прямыми экспериментами.

## Литература

- 1. Grekhov I.V., Kardo-Sysoev A.F. Subnanosecond Current Drops in Delayed Breakdown of Silicon P-N Junctions // Sov. Tech. Phys. Lett. 1979. V. 5. № 8. P. 395–396.
- 2. Grekhov I.V., Efanov V.M., Kardo-Sysoev A.F., Shenderey S.V. Power drift steprecovery diodes // Solid-State Electronics. – 1985. – V. 28. – № 6. – P. 597–599.
- 3. Behlke Power Electronics GmbH, Germany, Fast High Voltage Transistor Switches [Электронный ресурс]. Режим доступа: <u>http://www.behlke.de/</u>, своб.
- 4. Тогатов В.В., Гагарский С.В., Гнатюк П.А., Терновский Д.С. Высоковольтный импульсный модулятор с наносекундным фронтом // Приборы и техника эксперимента. – 2007. – № 6. – С. 134–135.

Тогатов Вячеслав Вячеславович	-	Санкт-Петербургский государственный университет информационных технологий, механики и оптики, доктор технических
		наук, профессор, <u>v.togatov@mail.ru</u>
Гнатюк Петр Анастасьевич	_	Санкт-Петербургский государственный университет информа-
		ционных технологий, механики и оптики, научный сотрудник,
		gnatyuk@mail.ru
Терновский Дмитрий Сергеевич	-	Санкт-Петербургский государственный университет информа-
		ционных технологий, механики и оптики, магистр техники и
		технологий, аспирант, <u>dm-ternovsky@mail.ru</u>