УДК 004.852

# РЕГИОНАЛЬНАЯ ДЕМОГРАФИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ РАСПРОСТРАНЕНИЯ НАРКОМАНИИ

С.А. Митягин, Ю.Н. Захаров, А.В. Бухановский, П.М.А. Слоот

Рассматривается региональная математическая модель прогнозирования численности населения и распространения наркомании, предназначенная для изучения структуры, состояния и динамики наркоситуации в целях оперативного анализа и прогноза возможных тенденций ее развития. Параметры модели оцениваются на основе экономического и психологического состояния общества, что позволяет получить долгосрочный прогноз развития наркоситуации при различных сценариях социально-экономического развития региона.

Ключевые слова: наркоситуация, марковская модель, мониторинг, демографическая ситуация, сценарий развития.

### Введение

Мониторинг и анализ наркоситуации на данный момент являются одними из самых актуальных вопросов государственной антинаркотической политики и деятельности по противодействию незаконному обороту наркотиков и распространению наркомании [1–3]. Специфика исследований в данной области заключается в скрытом и криминальном характере процесса распространения наркомании, который недоступен для непосредственного наблюдения. Данные особенности требуют применения комплексных методов оценки и анализа наркоситуации, основанных на наблюдении процессов, характеризующих уровень развития наркомании на рассматриваемой территории. Таким образом, существует необходимость разработки аппарата математического моделирования рассматриваемых процессов с учетом причинно-следственных связей между наркоманией и отображаемыми ею факторами [4]. Решение данной задачи позволяет прогнозировать развитие наркоситуации в зависимости от общей социальной, экономической, психологической и политической обстановки на территории, что, в свою очередь, является важнейшей составляющей планирования работ по противодействию незаконному обороту наркотиков и развитию наркомании. В настоящей работе рассматривается подход к моделированию распространения наркомании на основе региональной демографической модели для Санкт-Петербурга.

#### Математическая модель динамики наркоситуации

Одним из подходов к моделированию социальных процессов является применение демографических матричных моделей, действие которых основано на предсказании будущей возрастной структуры объекта прогнозирования по известной структуре в настоящий момент времени и коэффициентам вероятности перехода [5, 6]. Традиционной областью применения матричных моделей является прогнозирование половозрастной структуры населения на основе данных о рождаемости и смертности в регионе [7].

В литературе выделяют следующие группы населения в социальной структуре незаконного оборота наркотиков [8, 9]: население, имеющее иммунитет к наркомании (I); население, входящее в группу риска (S); наркозависимые, состоящие на учете с диагнозом синдрома зависимости от наркотических веществ (Y); лица, принимающие психоактивные вещества и не состоящие под наблюдением (X); распространители наркотических веществ (D). Это позволяет рассмотреть структуру состояний процесса распространения наркомании (рис. 1).

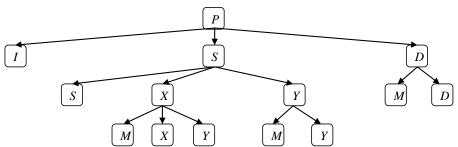


Рис. 1. Структура состояний процесса распространения наркомании

Помимо вышеуказанных обозначений на схеме приведены: общее население территории (P); лица, к которым применена мера наказания в виде лишения свободы (M). Сложность рассматриваемой модели обусловлена скрытым характером наркомании, включающим достаточно существенную латентную составляющую [10, 11], что требует комплексного подхода к оценке данного явления.

Описание переходов между состояниями рассматривается в терминах цепи Маркова. Динамика ее интегральных характеристик записывается в виде матричного уравнения

$$P_{i+1} = F_1 P_i + W_i \,, \tag{1}$$

где  $W_i$  — сальдо миграции в период i ;  $\mathit{F}_1$  — матрица следующей структуры:

$$F_{1} = \begin{pmatrix} f_{b1} & f_{b2} & \cdots & f_{bn} \\ f_{1} & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & f_{n-1} \end{pmatrix}, \tag{2}$$

где первая строка содержит вероятности рождения ребенка у лиц каждого возраста, а на диагонали — вероятности лиц каждого возраста (0,...,n-1) дожить до следующего возраста.

Детализация состояний по группам населения выполняется на основе ряда закономерностей.

1. Динамика населения с иммунитетом к наркомании

$$I_{i+1} = F_2 I_i + F_3 P_i$$
, (3)

где  $F_2$  – матрица структуры (2) для группы населения I;  $F_3$  – диагональная матрица, элементами которой являются вероятности перехода населения каждого возраста в группу I.

2. Динамика лиц, состоящих на учете с диагнозом синдрома зависимости от наркотических веществ,

$$Y_{i+1} = F_4 Y_i + F_5 P_i - F_6 Y_i, (4)$$

где  $F_4$  — матрица структуры (2) для группы населения Y;  $F_5$  — диагональная матрица, элементами которой являются вероятности перехода населения каждого возраста в группу Y;  $F_6$  — диагональная матрица, элементами которой являются вероятности быть привлеченными к уголовной ответственности для лиц из группы Y.

Динамика лиц, принимающих психоактивные вещества и не состоящих на учете

$$X_{i+1} = F_7 X_i + F_8 P_i - F_9 X_i - F_{10} X_i , (5)$$

где  $F_7$  — матрица структуры (2) для группы населения X;  $F_8$  — диагональная матрица, элементами которой являются вероятности перехода населения каждого возраста в группу X;  $F_9$  — диагональная матрица, элементами которой являются вероятности быть привлеченными к уголовной ответственности для лиц из группы X;  $F_{10}$  — диагональная матрица, элементами которой являются вероятности встать на учет как наркозависимые для лиц из группы X.

4. Динамика лиц, распространяющих наркотические вещества,

$$D_{i+1} = F_{11}D_i + F_{12}P_i - F_{13}D_i, (6)$$

где  $F_{11}$  — матрица структуры (2) для группы населения D;  $F_{12}$  — диагональная матрица, элементами которой являются вероятности перехода населения каждого возраста в группу D,  $F_{13}$  — диагональная матрица, элементами которой являются вероятности для лиц из группы D быть привлеченными к уголовной ответственности.

Модель (1)–(6) зависит от матриц параметров  $F_1$ – $F_{13}$ , состоящих из переходных вероятностей между группами населения; их параметры получаются на основе экспертных оценок или путем обработки демографических данных по региону.

#### Оценка параметров модели

Рассмотрим формирование элементов управляющих матриц  $F_1$ – $F_{13}$  на основе факторов, характеризующих развитие наркомании. При построении прогноза структуры наркопотребителей учитываются два взаимосвязанных процесса — демографическое развитие населения и распространение наркомании на территории, которые характеризуют воспроизводство населения на территории и наркотизацию общества. Данные процессы являются взаимосвязанными, так как на них влияют общие группы факторов. В частности, в работах [11, 12] рассматривается оценивание процесса наркотизации на основе социальнодемографических индикаторов самоощущения неблагополучия, которые характеризуют поведенческие и демографические реакции населения на неблагополучие. Среди таких индикаторов выделяются:

- уровень безработицы  $(I_1)$ ;
- уровень заработных плат  $(I_2)$ ;
- концентрация доходов населения индекс Джини  $(I_3)$ ;
- число зарегистрированных браков ( $I_4$ );
- число зарегистрированных разводов  $(I_5)$ ;
- число родившихся за период  $(I_6)$ ;
- число умерших за период ( $I_7$ );
- число преступлений, совершенных несовершеннолетними  $(I_8)$ ;
- процент населения, удовлетворенного жизнью  $(I_9)$ ;
- процент населения, ясно видящего перспективы в жизни ( $I_{10}$ ).

Некоторые из перечисленных показателей в значительной степени коррелируют между собой.

Корреляционный анализ структуры показателей  $I_1$ – $I_{10}$  свидетельствует о наличии групп факторов, совместно влияющих на уровень заболеваемости наркоманией. С целью снижения мерности и выявления

групп факторов, оказывающих наибольшее влияние на ситуацию, используем метод главных компонент. В таблице приведены значения двух первых естественных ортогональных составляющих (около 90% изменчивости) для данных  $I_1$ — $I_{10}$  по Санкт-Петербургу.

Главные компоненты	$I_1$	$I_2$	$I_3$	$I_4$	$I_5$	$I_6$	$I_7$	$I_8$	$I_9$	$I_{10}$
$P_1$	0,16	0,35	-0,33	0,33	0,25	0,33	0,34	0,31	-0,36	0,34
$P_2$	0,66	-0,18	-0,23	-0,26	0,52	-0,29	-0,08	0,15	0,11	0,15

Таблица. Естественные ортогональные составляющие системы показателей  $I_1,...,I_{10}$ 

Рассмотрим зависимость вероятности заболевания наркоманией от оценок величин главных компонент  $P_1$ ,  $P_2$  посредством применения регрессионной модели

$$f_i = \theta_1 P_{1i} + \theta_2 P_{2i} + \theta_3 + \varepsilon_i, \tag{7}$$

где  $f_i$  – вероятность перехода в группу населения, употребляющего наркотики;  $\theta_1,...,\theta_3$  – параметры регрессии;  $\varepsilon = (\varepsilon_1,...,\varepsilon_n)^T$  – нормально распределенная ошибка с нулевым средним и дисперсией  $D\varepsilon = \sigma^2 E$ ; E – единичная матрица. Вероятности  $f_i$  в регрессионной модели (7) оцениваются непосредственно по данным социальной статистики как

$$f_i = \frac{y_i}{s_i},\tag{8}$$

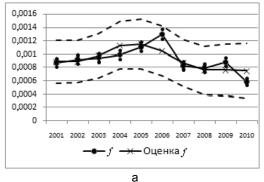
где  $y_i$  — численность впервые зарегистрированных наркозависимых соответствующего возраста за период;  $S_i$  — численность группы риска соответствующего возраста.

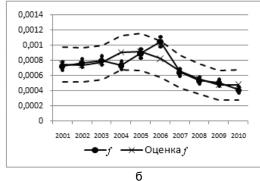
Таким образом, матрица оценок вероятностей перехода в группу населения, употребляющего наркотики, имеет вид

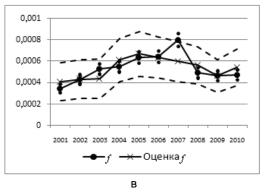
$$F_{5,i} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & \cdots & 0 & 0 \\ f_i^1 & 0 & \cdots & 0 & 0 \\ 0 & f_i^2 & \cdots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & f_i^{n-1} & 0 \end{pmatrix}, \tag{9}$$

где  $f_i^{\ j}$  — оценки вероятностей перехода в группу наркопотребителей лиц в возрасте j за период i, которые вычисляются согласно выражению (7) на основе априорной информации о факторах  $I_1$ – $I_{10}$ . Структура матрицы  $F_8$  оценивается аналогичным образом с учетом коэффициента латентности.

На рис. 2 приведены точечные оценки (8) вероятностей перехода в группу наркопотребителей для лиц группы риска и их аппроксимации регрессией (7). На приведенных графиках рассмотрены основные, наиболее характерные возрасты (16, 19, 25 и 35 лет).







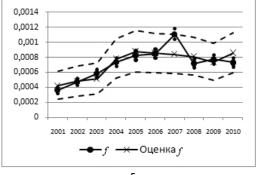


Рис. 2. Динамика вероятностей перехода в группу наркопотребителей для лиц группы риска в возрасте 15 лет (а); 18 лет (б); 25 лет (в); 35 лет (г). Данные по Санкт-Петербургу

На основе рис. 2 можно сделать вывод о том, что модель (7)–(9) достаточно точно описывает процесс развития наркомании; при этом отклонения регрессии от точечных оценок вероятности лежат в 95% доверительном интервале для точечной оценки (8), что демонстрирует достаточность использования только первых двух главных компонент показателей  $I_1$ – $I_{10}$ . Значения элементов остальных управляющих матриц определяются на основе показателей государственной статистики.

## Прогнозирование развития наркоситуации

Оценка параметров модели (1)–(6) посредством применения уравнений регрессии (7)–(9) позволяет получить долгосрочный прогноз развития наркоситуации на основе прогноза показателей  $I_1$ – $I_{10}$  и оценочных значений главных компонент  $P_1$ ,  $P_2$ , что, в свою очередь, позволяет наблюдать различные варианты прогноза масштабов наркопотребления в зависимости сценария социально-экономического развития территории. Рассмотрим демографическую структуру населения города Санкт-Петербурга в 2001, 2004, 2007 и 2010 г.г. (рис. 3).

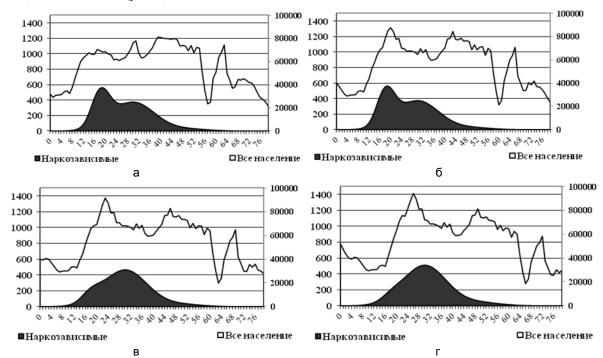


Рис. 3. Возрастная структура населения в г. Санкт-Петербурге: в 2001 году (а); в 2004 году (б); в 2010 году (г)

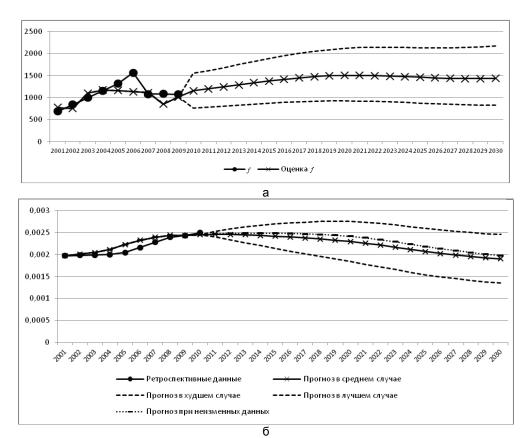


Рис. 4. Прогноз развития наркоситуации в Санкт-Петербурге: появление новых наркоманов (a); доля наркозависимых в структуре населения региона (б)

На рис. 3 можно наблюдать наличие значительного спада численности населения в возрасте 8-18 лет и пик численности населения в возрасте 25-35 — наиболее неблагоприятном с точки зрения заболеваемости наркоманией. При этом видно, что пик количества наркозависимых постепенно сдвигается в сторону больших возрастов. Это связано как со снижением рождаемости в постперестроечный период, так и с позитивным эффектом антинаркотических мероприятий: видно, что основу группы наркозависимых составляют люди, ставшие наркоманами в 90-x г.г. XX века. С целью получения долгосрочного прогноза развития наркоситуации на территории, как было отмечено выше, необходимо осуществить прогнозирование показателей  $I_1$ — $I_{10}$ . На рис. 4 приведен результат прогнозирования заболеваемости наркоманией в г. Санкт-Петербурге при средних значениях прогноза показателей  $I_1$ — $I_{10}$ .

#### Заключение

Полученные результаты прогноза развития наркомании иллюстрируют возможность применения модели (1)–(6) для анализа наркоситуации на территориях отдельных регионов. На основе полученных результатов можно сделать выводы о структуре и численности наркозависимых в регионе. Так предположительно, в 2011 г. численность наркозависимых в Санкт-Петербурге достигнет максимального значения, затем начнется некоторый спад регистрации новых наркоманов и снижение доли наркозависимых в общей структуре населения. Полученный эффект можно объяснить резким снижением численности населения в возрасте 8–18 лет, а именно тех лиц, которые в 2012–2014 г.г. составят большую часть группы риска по наркомании, чем объясняется снижение числа новых наркоманов. С другой стороны, население в возрасте 45–50 лет сместится в область вне группы риска, поскольку в меньшей степени будет подвержена наркотизации. Следует отметить, что использование данной модели требует учета миграции, значение которой в большой степени зависит от внешней политики. В силу этого необходимо осуществлять коррекцию параметров модели с целью увеличения достоверности прогноза.

Работа выполнена в рамках реализации постановления № 220 Правительства Российской Федерации при поддержке ФЦП «Исследования и разработки по приоритетным направлениям развития научнотехнологического комплекса России на 2007–2012 годы».

# Литература

- 1. Указ Президента РФ «Об утверждении Стратегии национальной безопасности Российской Федерации до 2020 года» от 12.05.2009 № 537.
- 2. Указ Президента РФ «Об утверждении Стратегии государственной антинаркотической политики Российской Федерации до 2020 года» от 09.06.2010 № 690.
- 3. Постановление Правительства РФ «Об утверждении Положения о государственной системе мониторинга наркоситуации в Российской Федерации» от 20.06.2011 № 485.
- 4. Яковлев С.В., Гнусов Ю.В. Анализ и прогнозирование показателей наркологической статистики в Украине и в Харьковской области // Молодежь и наркотики (социология наркотизма) / Под ред. В.А. Соболева, И.П. Рущенко. Харьков: Торсинг, 2000. С. 194–221.
- 5. Аристов С.А. Имитационное моделирование экономических систем: Учебное пособие. Екатеринбург: Изд-во Урал.гос.экон.ун-та, 2004. – 124 с.
- 6. Цыбатов В.А. Модели производственного потенциала для долгосрочного прогнозирования регионального развития // Методология регионального прогнозирования. М.: СОПС, 2003. С. 114–127.
- 7. Муравей Л.А. Экология и безопасность жизнедеятельности. М.: Юнити-Дана, 2000. 445 с.
- 8. Боев Б.В. Современные этапы математического моделирования процессов развития и распространения инфекционных заболеваний // Эпидемиологическая кибернетика: модели, информация, эксперименты. М., 1991. С. 6–13.
- 9. Боев Б.В., Бондаренко В.М. Прогностическая модель распространения наркомании и ВИЧ-инфекции среди молодежи // Микробиология. 2001. № 5. С. 76–81.
- 10. Стародубов В.И., Татаркин А.И. Влияние наркомании на социально-экономические развитие общества. УрО РАН, 2006. 381 с.
- 11. Татаркин А.И., Куклин А.А. Комплексная методика диагностики качества жизни в регионе. Екатеринбург: Институт экономики УрО РАН, 2010. 136 с.
- 12. Мартынов А.С., Артюхов В.В., Виноградов В.Г. Окружающая среда и здоровье населения России.

Митягин Сергей Александрович Санкт-Петербургское государственное унитарное предприятие «Санкт-Петербургский информационно-аналитический центр», ведущий специалист-аналитик, Mityagin@iac.spb.ru Захаров Юрий Никитович Санкт-Петербургское государственное унитарное предприятие «Санкт-Петербургский информационно-аналитический центр», кандидат технических наук, профессор, директор, zaharov@iac.spb.ru Бухановский Александр Валерьевич НИИ НКТ, Санкт-Петербургский национальный исследовательский университет информационных технологий, механики и оптики, доктор технических наук, директор, avb\_mail@mail.ru Слоот Петрус Мария Арнольдус Университет г. Амстердам, доктор философии, p.m.a.sloot@uva.n